

3. 1.

1. Zadana je funkcija $f(x) = \frac{5 - \sqrt{x+22}}{x-3}$.

a) Odredite domenu funkcije f .

b) Odredite $\lim_{x \rightarrow 3} f(x)$.

c) Je li funkcija $g(x) = \begin{cases} f(x) & \text{za } x \in D(f) \\ 2 & \text{za } x = 3 \end{cases}$

neprekidna. Obrazložite!

2. Neka je $f(x) = \left(\frac{1}{2}\right)^{x+3} - 2$.

a) Razložite funkciju na elementarne funkcije.

b) Nacrtajte graf funkcije.

c) Riješite nejednadžbu $f(x) < 0$.

d) Odredite inverznu funkciju.

3. Odredite limese:

a) $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\operatorname{tg} 3x}{x}$;

b)

$$\lim_{x \rightarrow \infty} \left(1 + \frac{2}{x}\right)^{3x-1}.$$

4. Ako je $f\left(\frac{2x-1}{x+3}\right) = x-2$, odredite $f(x-2)$.

5. Zadane su funkcije $f(x) = 4 \sin 2x$ i

$$g(x) = \left(\frac{x}{\pi}\right)^2.$$

a) Ispitajte parnost i neparnost funkcija f i g . Odredite period funkcije f .

b) U istom koordinatnom sustavu nacrtajte grafove funkcija f i g .

c) Koliko rješenja ima jednadžba $f(x) = g(x)$?

6. Ovisnost prevaljenog puta s u metrima o vremenu t u sekundama dana je funkcijom $s(t) = 5t^2 + 4t + 3$, $t \geq 0$.

a) Odredite put koji je prevaljen za 3 s, 5 s.

b) Odredite domenu i sliku funkcije s .

c) Odredite vrijeme potrebno da se prevali put od 100 m.

d) Odredite funkciju vezu ovisnosti proteklog vremena o prevaljenom putu.

3. 2.

1. Zadana je funkcija $f(x) = \frac{\sqrt{x+13}-3}{x+4}$.

a) Odredite domenu funkcije f .

b) Odredite $\lim_{x \rightarrow -4} f(x)$.

c) Je li funkcija $g(x) = \begin{cases} f(x) & \text{za } x \in D(f) \\ 2 & \text{za } x = -4 \end{cases}$

neprekidna? Obrazložite!

2. Neka je $f(x) = \log_{\frac{1}{2}}(x+1) - 3$.

a) Razložite funkciju na elementarne funkcije.

b) Nacrtajte graf funkcije.

c) Riješite nejednadžbu $f(x) > 0$.

d) Odredite inverznu funkciju.

3. Odredite limese:

a) $\lim_{x \rightarrow 0} x \operatorname{ctg} 5x$; b)

$$\lim_{x \rightarrow \infty} \left(1 + \frac{3}{x}\right)^{7x+1}.$$

4. Ako je $f\left(\frac{3x+1}{x-2}\right) = x-3$, odredite $f(x-3)$.

5. Zadane su funkcije $f(x) = 9 \cos \frac{x}{2}$ i

$$g(x) = \frac{1}{4} \left(\frac{x}{\pi}\right)^2.$$

a) Ispitajte parnost i neparnost funkcija f i g . Odredite period funkcije f .

b) U istom koordinatnom sustavu nacrtajte grafove funkcija f i g .

c) Koliko rješenja ima jednadžba $f(x) = g(x)$?

6. Mali poduzetnik započinje posao. Predviđa da će se prihod ponašati po za-

konu $p(t) = \frac{1}{4}t^2 + 2t + 5$, $t \geq 0$, gdje je t

vrijeme u godinama, a $p(t)$ je prihod izražen u deset tisućama kuna.

a) Odredite iznos kapitala kojim počinje posao te očekivani prihod pete godine.

b) Odredite domenu i sliku funkcije p .

c) Odredite vrijeme potrebno da se ostvari prihod od 500 000 kn.

d) Odredite funkciju vezu ovisnosti proteklog vremena o očekivanom prihodu.