

## Oscilacije

$$\text{period } T = \frac{1}{f}$$

jednostavno harmoničko gibanje

$$x = x_m \cos(\omega t + \varphi)$$

$$\omega = \frac{2\pi}{T} = 2\pi f$$

$$v = -\omega x_m \sin(\omega t + \varphi)$$

$$a = -\omega^2 x_m \cos(\omega t + \varphi)$$

sila harmoničkog oscilatora

$$F = -kx$$

$$\omega = \sqrt{\left(\frac{k}{m}\right)}$$

energija harmoničkog oscilatora

$$K(t) = \frac{1}{2} m v^2(t)$$

$$U(t) = \frac{1}{2} k x^2(t)$$

gušeno harmoničko gibanje

$$\vec{F}_d = -b \vec{v}$$

$$x(t) = x_m e^{-bt/2m} \cos(\omega' t + \varphi)$$

$$\omega' = \sqrt{\frac{k}{m} - \frac{b^2}{4m^2}}$$

za  $b \ll$  imamo

$$E(t) = \frac{1}{2} k x_m^2 e^{-bt/m}$$

tjerane oscilacije  
uvjet rezonancije

$$\omega_d = \omega$$

## Valovi

valna funkcija

$$y(x, t) = y_m \sin(kx - \omega t)$$

$$k = \frac{2\pi}{\lambda}$$

$$f = \frac{\omega}{2\pi} = \frac{1}{T}$$

$$v = \frac{\omega}{k} = \frac{\lambda}{T} = \lambda f$$

putujući val

$$y(x, t) = h(kx \pm \omega t)$$

interferencija valova na niti

$$y'(x, t) = [2 y_m \cos \frac{\varphi}{2}] \sin(kx - \omega t + \frac{\varphi}{2})$$

stojni val

$$y'(x, t) = [2 y_m \sin(kx)] \cos(\omega t)$$

### Električni naboј

$$\begin{aligned}\epsilon_0 &= 8.85 * 10^{-12} C^2/Nm \\ k &= \frac{1}{4\pi\epsilon_0} = 8.99 * 10^9 Nm^2/C \\ e &= 1.602 * 10^{-19} C\end{aligned}$$

električna struja  $i = \frac{dq}{dt}$

Coulombov zakon  $F = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{|q_1||q_2|}{r^2}$

### Električno polje

električno polje  $\vec{E} = \frac{\vec{F}}{q_0}$

od točkastog naboja  $\vec{E} = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{q}{r^2} \hat{r}$

električnog dipola  $\vec{E} = \frac{1}{2\pi\epsilon_0} \frac{p}{z^3}$   
 $p = qd$

### Gaussov zakon

$$\Phi = \oint \vec{E} * d\vec{A} = \frac{q_{obuhv}}{\epsilon_0}$$

### Električni potencijal

električna potencijalna energija  $\Delta U = U_f - U_i = -W$   
 $U = -W_\infty$

razlika potencijala i potencijal  $\Delta V = V_f - V_i = -\frac{V}{q}$   
 $V = -\frac{W_\infty}{q}$   
 $V = \frac{U}{q}$   
 $\Delta V = V_f - V_i = \frac{U_f}{q} - \frac{U_i}{q} = \frac{\Delta U}{q}$   
 $V_f - V_i = -\int_i^f \vec{E} * d\vec{s}$   
 $V = -\int_i^f \vec{E} * d\vec{s}$

potencijal točkastih naboja  $V = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{q}{r}$

$$V = \sum V_i = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \sum \frac{q_i}{r_i}$$

potencijal električnog dipola  $V = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{p \cos \theta}{r^2}$

potencijal kontinuirane distribucije naboja  $V = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \int \frac{dq}{r}$

električna potencijalna energija sustava točkastih naboja  $U = W = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{q_1 q_2}{r}$

izračunavanje električnog polja iz potencijala  $E_s = -\frac{\partial V}{\partial s}$   
 $E_x = -\frac{\partial E_x}{\partial x}$   
 $E_y = -\frac{\partial E_y}{\partial y}$   
 $E_z = -\frac{\partial E_z}{\partial z}$

### Kapacitori

$$q = CV$$

kapacitet planparalelnog kapacitora  $C = \frac{\epsilon_0 A}{d}$

cilindrični  $C = 2\pi\epsilon_0 \frac{L}{\ln(b/a)}$

sferični  $C = 4\pi\epsilon_0 \frac{ab}{b-a}$

izolirana sfera  $C = 4\pi\epsilon_0 R$

potencijalana energija  $U = \frac{q^2}{2C} = \frac{1}{2} CV^2$

gustoća energije  $u = \frac{1}{2} \epsilon_0 E^2$

### Otpor

strujna gustoća elektrona u metalnom vodiču  $\vec{j}_e = -e N_e \langle \vec{v}_e \rangle$

električna struja  $I = \int \vec{j} * d\vec{a}$

Ohmov zakon  $I=U/R$   
 $R=\rho \frac{L}{A}$

magnetsko polje  $\vec{F}_B = q \vec{v} \times \vec{B}$

nabijena čestica u magnetskom polju  $|q|vB = \frac{mv^2}{r}$   
 $r = \frac{mv}{|q|B}$   
 $f = \frac{\omega}{2\pi} = \frac{1}{T} = \frac{|q|B}{2\pi m}$

magnetska sila na žicu kojom teče struja  $\vec{F}_B = i \vec{L} \times \vec{B}$   
 $d\vec{F}_B = i d\vec{L} \times \vec{B}$

zakret na zavojnicu kojom teče struja  $\vec{\tau} = \mu \times \vec{B}$   
 $\mu = NiA$

$$W_a = \Delta U = U_f - U_i$$

Ampèreov zakon  $\oint \vec{B} * d\vec{s} = \mu_0 I_{obuhv}$